Introduzione alla Meccanica Teorica ERRATA CORRIGE

Fulvio Bisi, Riccardo Rosso

Gli *errata* vengono evidenziati in rosso con una <u>sottolineatura ondulata</u>, le *correzioni* corrispondenti sono sempre in rosso <u>in carattere grassetto</u>.

Alcuni errori possono essere già stati corretti in fase di ristampa del libro.

Fino a aprile 2019

Riportiamo di seguito gli errata corrige aggiornati all'aprile 2019; a seguire, la lista degli errata-corrige aggiornati alle date precedenti: 13 luglio 2018 21 maggio 2018; 16 marzo 2017.

• Pagina 66:

Errata:

(3.59)

$$\begin{split} \boldsymbol{K}_{O} &= \sum_{i=1}^{N} m_{i}(P_{i} - O) \wedge [\boldsymbol{v}_{O} + \boldsymbol{\omega} \wedge (P_{i} - O)] \\ &= \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i}(P_{i} - O) \right] \wedge \boldsymbol{v}_{O} + \sum_{i=1}^{N} m_{i}(P_{i} - O) \wedge [\boldsymbol{\omega} \wedge (P_{i} - O)] \\ &= M(G - O) \wedge \boldsymbol{v}_{O} + \sum_{i=1}^{N} m_{i} \left[\|P_{i} - O\|^{2} \boldsymbol{\omega} + ((P_{i} - O) \cdot \boldsymbol{\omega})(P_{i} - O) \right] \\ &= (G - O) \wedge M \boldsymbol{v}_{O} + \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} \left(\|P_{i} - O\|^{2} \mathbb{I} + (P_{i} - O) \otimes (P_{i} - O) \right) \right] \boldsymbol{\omega} \\ &= (G - O) \wedge M \boldsymbol{v}_{O} + \mathbf{I}_{O} \boldsymbol{\omega} \,. \end{split}$$

Corrige:

(3.59)

$$K_{O} = \sum_{i=1}^{N} m_{i}(P_{i} - O) \wedge [\boldsymbol{v}_{O} + \boldsymbol{\omega} \wedge (P_{i} - O)]$$

$$= \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i}(P_{i} - O)\right] \wedge \boldsymbol{v}_{O} + \sum_{i=1}^{N} m_{i}(P_{i} - O) \wedge [\boldsymbol{\omega} \wedge (P_{i} - O)]$$

$$= M(G - O) \wedge \boldsymbol{v}_{O} + \sum_{i=1}^{N} m_{i} [\|P_{i} - O\|^{2} \boldsymbol{\omega} - ((P_{i} - O) \cdot \boldsymbol{\omega}) (P_{i} - O)]$$

$$= (G - O) \wedge M \boldsymbol{v}_{O} + \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} (\|P_{i} - O\|^{2} \mathbb{I} - (P_{i} - O) \otimes (P_{i} - O))\right] \boldsymbol{\omega}$$

$$= (G - O) \wedge M \boldsymbol{v}_{O} + \mathbf{I}_{O} \boldsymbol{\omega}.$$

Fino a luglio 2018

Riportiamo di seguito gli errata corrige aggiornati alla data del 13 luglio 2018; a seguire, la lista degli errata-corrige aggiornati alle date precedenti: 21 maggio 2018; 16 marzo 2017.

• Pagina 94:

Errata:

e dunque

(4.58)
$$\mathbf{I}_G = \frac{1}{4} m R^2 (\mathbf{e}_1 \otimes \mathbf{e}_1 + \mathbf{e}_2 \otimes \mathbf{e}_2) + \frac{1}{2} m R^2 \mathbf{e}_3 \otimes \mathbf{e}_3 = \frac{1}{2} m R^2 (\mathbb{I} + \mathbf{e}_3 \otimes \mathbf{e}_3).$$

Corrige:

e dunque

$$(4.58) \quad \mathbf{I}_G = \frac{1}{4} m R^2 (\boldsymbol{e}_1 \otimes \boldsymbol{e}_1 + \boldsymbol{e}_2 \otimes \boldsymbol{e}_2) + \frac{1}{2} m R^2 \boldsymbol{e}_3 \otimes \boldsymbol{e}_3 = \frac{1}{4} m R^2 (\mathbb{I} + \boldsymbol{e}_3 \otimes \boldsymbol{e}_3).$$

• Pagina 127:

Errata:

OSSERVAZIONE 6.5 Nelle definizioni precedenti l'arbitrarietà delle quantità scalari \overline{v} e \hat{v} non è totale;

Corrige:

OSSERVAZIONE 6.5 Nelle definizioni precedenti l'arbitrarietà delle quantità scalari \overline{v} e \widehat{v} non è totale;

Fino a maggio 2018

Riportiamo di seguito gli errata corrige aggiornati alla data del 21 maggio 2018; a seguire, la lista degli errata-corrige aggiornati alle date precedenti: 16 marzo 2017.

• Pagina 120:

Errata:

dove \mathbf{Q}_{φ} è descrivibile mediante la seguente scomposizione (cfr. Equazione (1.63) nel Teorema 1.18):

(6.1)
$$\mathbf{Q}_{\varphi} = \cos \varphi \, \mathbb{I} + \sin \varphi \, \mathbf{W}_{\mathbf{e}_{3}} + (1 - \cos \varphi) \, \mathbf{e}_{3} \otimes \mathbf{e}_{3}.$$

Corrige:

dove \mathbf{Q}_{φ} è descrivibile mediante la seguente scomposizione (cfr. Equazione (1.63) nel Teorema 1.18):

(6.1)
$$\mathbf{Q}_{\varphi} = \cos \varphi \, \mathbb{I} + \sin \varphi \, \mathbf{W}_{\boldsymbol{e_z}} + (1 - \cos \varphi) \, \boldsymbol{e_z} \otimes \boldsymbol{e_z} \,.$$

• Pagina 121:

Errata:

abbiamo ora

(6.4)
$$e_3 = \cos \vartheta \, \mathbf{n} - \sin \vartheta \, \mathbf{m} \,, \qquad \mathbf{m}' = \sin \vartheta \, \mathbf{n} + \cos \vartheta \, \mathbf{m} \,.$$

Corrige:

abbiamo ora

(6.4)
$$e_3 = \cos \vartheta \, e_z - \sin \vartheta \, m, \qquad m' = \sin \vartheta \, e_z + \cos \vartheta \, m.$$

• Pagina 122:

Errata:

è il tensore ortogonale corrispondente a questa rotazione abbiamo

$$\{oldsymbol{n},oldsymbol{m}',oldsymbol{e}_3\}\overset{\mathbf{Q}_\psi}{
ightarrow}\{oldsymbol{e}_1,oldsymbol{e}_2,oldsymbol{\underline{e}_2}\}\,.$$

Corrige:

è il tensore ortogonale corrispondente a questa rotazione abbiamo

$$\{oldsymbol{n},oldsymbol{m}',oldsymbol{e}_3\}\overset{\mathbf{Q}_\psi}{
ightarrow}\{oldsymbol{e}_1,oldsymbol{e}_2,\overset{\mathbf{e}_{\mathbf{3}}}{oldsymbol{e}}\}$$
 .

• Pagina 123:

Errata:

Avendo a disposizione le Equazioni (6.1, 6.3 e 6.5), è possibile determinare la velocità angolare complessiva ω della terna mobile; il dettaglio del calcolo verrà fornito nel Capitolo 8 con la Proposizione 8.1, ma forniamo qui il risultato finale in una forma di facile memorizzazione:

(6.8)
$$\boldsymbol{\omega} = \dot{\varphi} \mathbf{e}_{x} + \dot{\vartheta} \mathbf{n} + \dot{\psi} \mathbf{e}_{3};$$

Corrige:

Avendo a disposizione le Equazioni (6.1, 6.3 e 6.5), è possibile determinare la velocità angolare complessiva ω della terna mobile; il dettaglio del calcolo verrà fornito nel Capitolo 8 con la Proposizione 8.1, ma forniamo qui il risultato finale in una forma di facile memorizzazione:

(6.8)
$$\boldsymbol{\omega} = \dot{\varphi} \boldsymbol{e}_{z} + \dot{\vartheta} \boldsymbol{n} + \dot{\psi} \boldsymbol{e}_{3};$$

• Pagina 126:

Errata:

Ripartiamo dall'Esempio 6.2 di un punto P mobile su una circonferenza fissa di centro O e raggio R, \bigcirc da avere

Corrige:

Ripartiamo dall'Esempio 6.2 di un punto P mobile su una circonferenza fissa di centro O e raggio R, così da avere

Fino a marzo 2017

Riportiamo di seguito gli errata corrige aggiornati alla data del 16 marzo 2017.

• Pagina 14:

Errata:

PROPOSIZIONE 1.9. \mathbf{ia} W un tensore antisimmetrico. Se $\mathbf{W} \neq \mathbf{O}$, il nucleo di \mathbf{W} è uno spazio vettoriale di dimensione 1.

Corrige:

PROPOSIZIONE 1.9. Sia W un tensore antisimmetrico. Se $\mathbf{W} \neq \mathbf{O}$, il nucleo di \mathbf{W} è uno spazio vettoriale di dimensione 1.

• Pagina 43:

Errata:

e C - O = -(O - C), ricaviamo dall'Equazione (2.23):

$$\sum_{i=1}^{n} v_i \left(\underbrace{P_i - C} \right) = \sum_{i=1}^{n} v_i \left(\underbrace{P_i - O} \right) + \sum_{i=1}^{n} v_i \left(O - C \right)$$
$$= \sum_{i=1}^{n} v_i \left(\underbrace{P_i - O} \right) - \left(\sum_{i=1}^{n} v_i \right) \left(C - O \right) = \mathbf{0},$$

poiché (O-C) non dipende dall'indice di sommatoria; ossia

$$C - O = \frac{1}{v} \sum_{i=1}^{n} v_i \left(\underbrace{P_i - O}_{i} \right) ,$$

Corrige:

e C - O = -(O - C), ricaviamo dall'Equazione (2.23):

$$\sum_{i=1}^{n} v_i \left(\mathbf{p_i} - \mathbf{C} \right) = \sum_{i=1}^{n} v_i \left(\mathbf{p_i} - \mathbf{O} \right) + \sum_{i=1}^{n} v_i \left(O - C \right)$$
$$= \sum_{i=1}^{n} v_i \left(\mathbf{p_i} - \mathbf{O} \right) - \left(\sum_{i=1}^{n} v_i \right) \left(C - O \right) = \mathbf{0} ,$$

poiché (O-C) non dipende dall'indice di sommatoria; ossia

$$C - O = \frac{1}{v} \sum_{i=1}^{n} v_i \left(\mathbf{p_i} - \mathbf{O} \right) ,$$

• Pagina 43:

Errata:

Vediamo ora qualche esemio di applicazione degli argomenti presentati sinora.

Corrige:

Vediamo ora qualche **esempio** di applicazione degli argomenti presentati sinora.

• Pagina 52:

OSSERVAZIONE 3.2. Nel dedurre (3.13) abbiamo implicitamente fatto uso dell' orientazione dell'angolo di rotazione $\vartheta(t)$ in verso antiorario. Qualora avessimo assunto l'orientazione opposta, avremmo avuto $\omega(t) = -\dot{\vartheta}(t) e_3$ che non contrasta con (3.13) dal momento che anche il segno di $\dot{\vartheta}$ cambia con il verso di orientazione. In ogni modo, per decidere del verso di $\omega(t)$ si può ricorrere alla regola della mano destra: se le quattro dita, diverse dal pollice, della mano destra "si avvolgono" nel verso in cui $\vartheta(t)$ cresce (e quindi $\dot{\vartheta}(t) > 0$) allora il pollice indica il verso di $\omega(t)$.

Corrige:

OSSERVAZIONE 3.2. Nel dedurre l'Equazione (3.13) abbiamo implicitamente fatto uso dell'orientazione dell'angolo di rotazione $\vartheta(t)$ in verso antiorario. Qualora avessimo assunto l'orientazione opposta, avremmo avuto $\omega(t) = -\dot{\vartheta}(t) \, e_3$ che non contrasta con l'Equazione (3.13) dal momento che anche il segno di $\dot{\vartheta}$ cambia con il verso di orientazione. In ogni modo, per decidere del verso di $\omega(t)$ si può ricorrere alla regola della mano destra: se le quattro dita, diverse dal pollice, della mano destra "si avvolgono" nel verso in cui $\vartheta(t)$ cresce (e quindi $\dot{\vartheta}(t) > 0$) allora il pollice indica il verso di $\omega(t)$.

• Pagina 55:

Errata:

dove con il simbolo $[]_R$ intediamo indicare, dunque, che il vettore P-O' è sviluppato sulla base mobile $\{e_1(t), e_2(t), e_3(t)\}$ e solo la dipendenza temporale dei coefficienti dello sviluppo è considerata variabile nel tempo.

Corrige:

dove con il simbolo []_R intendiamo indicare, dunque, che il vettore P-O' è sviluppato sulla base mobile $\{e_1(t), e_2(t), e_3(t)\}$ e solo la dipendenza temporale dei coefficienti dello sviluppo è considerata variabile nel tempo.

• Pagina 57:

Errata:

$$\boldsymbol{\omega} \wedge [\boldsymbol{\omega} \wedge (P - O')] = \omega^2 \boldsymbol{e}_3 \wedge [\boldsymbol{e}_3 \wedge (P - O')] = \omega^2 [(P - O') \cdot \boldsymbol{e}_3 - (P - O')],$$

Corrige:

$$\boldsymbol{\omega} \wedge [\boldsymbol{\omega} \wedge (P - O')] = \omega^2 \boldsymbol{e}_3 \wedge [\boldsymbol{e}_3 \wedge (P - O')] = \omega^2 [(\boldsymbol{e}_3 \cdot (\boldsymbol{P} - O')) \, \boldsymbol{e}_3 - (P - O')],$$

• Pagina 64:

OSSERVAZIONE 3.10. Vi è una analogia formale tra l'Equazione (3.55) e la formula per il teorema di trasporto del momento di un sistema di vettori applicati, Equazione (2.8), che possiamo riscrivere come

$$\boldsymbol{M}_P = \boldsymbol{M}_O + \boldsymbol{R} \wedge \boldsymbol{P} - \boldsymbol{O}),$$

Corrige:

OSSERVAZIONE 3.10. Vi è una analogia formale tra l'Equazione (3.55) e la formula per il teorema di trasporto del momento di un sistema di vettori applicati, Equazione (2.8), che possiamo riscrivere come

$$M_P = M_O + R \wedge (P - O)$$
,

• Pagina 68:

Errata:

In un moto piano, per determinare la posizione del centro di istantanea rotazione C^* ad un istante, basta conoscere <u>due punti distinti</u> che eseguono il moto rigido piano e che hanno velocità non parallele. Infatti, scelto $O \equiv C^*$ nell'Equazione (3.55), poiché $\mathbf{v}_{C^*} = \mathbf{0}$ deve essere

$$v_P = \omega \wedge (P - C^*)$$
 e $v_O = \omega \wedge (O - C^*)$

e dunque, il punto di intersezione delle rette passanti per P e per O, rispettivamente ortogonali a \mathbf{v}_P e \mathbf{v}_O , è proprio C^* in quanto, per costruzione, $P-C^*$ è ortogonale a \mathbf{v}_P e $O-C^*$ è ortogonale a \mathbf{v}_O .

Corrige:

In un moto piano, per determinare la posizione del centro di istantanea rotazione C^* ad un istante, basta conoscere due punti P e Q distinti che eseguono il moto rigido piano e che hanno velocità non parallele. Infatti, scelto $O \equiv C^*$ nell'Equazione (3.55), poiché $\mathbf{v}_{C^*} = \mathbf{0}$ deve essere

$$v_P = \omega \wedge (P - C^*)$$
 e $v_Q = \omega \wedge (Q - C^*)$

e dunque, il punto di intersezione delle rette passanti **per** P **e per** Q, rispettivamente ortogonali a v_P **e** v_Q , è proprio C^* in quanto, per costruzione, $P - C^*$ è ortogonale a v_P e $Q - C^*$ è ortogonale a v_Q .

• Pagina 76:

Introducendo il versore e_G , e usando le Equazioni (4.12) e (4.13) nell'Equazione (4.1) abbiamo:

$$\mathbf{I}_{O} = \sum_{i=1}^{N} m_{i} \left[\|P_{i} - G\|^{2} \mathbb{I} - (P_{i} - G) \otimes (P_{i} - G) \right]
+ \sum_{i=1}^{N} m_{i} \left[\|G - O\|^{2} \mathbb{I} - \otimes (G - O) \right] + 2 \sum_{i=1}^{N} m_{i} (G - O) \cdot (P_{i} - G) \mathbb{I}
- \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} (P_{i} - G) \otimes (G - O) \right] - \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} (G - O) \otimes (P_{i} - G) \right]$$

$$= \mathbf{I}_{G} + M d_{G}^{2} (\mathbb{I} - \mathbf{e}_{G} \otimes \mathbf{e}_{G}) + 2(G - O) \cdot \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} (P_{i} - G) \right] \mathbb{I}$$

$$- \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} (P_{i} - G) \right] \otimes (G - O) - (G - O) \otimes \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} (P_{i} - G) \right] .$$

Corrige:

Introducendo il versore e_G , e usando le Equazioni (4.12) e (4.13) nell'Equazione (4.1) abbiamo:

$$\mathbf{I}_{O} = \sum_{i=1}^{N} m_{i} \left[\|P_{i} - G\|^{2} \mathbb{I} - (P_{i} - G) \otimes (P_{i} - G) \right]
+ \sum_{i=1}^{N} m_{i} \left[\|G - O\|^{2} \mathbb{I} - (G - O) \otimes (G - O) \right] + 2 \sum_{i=1}^{N} m_{i} (G - O) \cdot (P_{i} - G) \mathbb{I}
- \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} (P_{i} - G) \otimes (G - O) \right] - \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} (G - O) \otimes (P_{i} - G) \right]
= \mathbf{I}_{G} + M d_{G}^{2} (\mathbb{I} - e_{G} \otimes e_{G}) + 2(G - O) \cdot \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} (P_{i} - G) \right] \mathbb{I}
- \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} (P_{i} - G) \right] \otimes (G - O) - (G - O) \otimes \left[\sum_{i=1}^{N} m_{i} (P_{i} - G) \right] .$$

• Pagina 100:

Consideriamo un sistema materiale \mathcal{B} composto da N punti materiali

$$\mathcal{B} = \{(m_1, P_1), (m - 2, P_2), \dots, (m_N, P_N)\}.$$

La forza risultante F_i agente sul punto P_i contiene contributi di due tipi: Corrige:

Consideriamo un sistema materiale \mathcal{B} composto da N punti materiali

$$\mathcal{B} = \{(m_1, P_1), (m_2, P_2), \dots, (m_N, P_N)\}.$$

La forza risultante $\mathbf{F}_i^{\text{tot}}$ agente sul punto P_i contiene contributi di due tipi:

• Pagina 102:

Errata:

di accelerazioni. In particolare, occorre ridefinire la forza agente su un punto materiale P come $\mathbf{F} = \frac{\mathrm{d}\mathbf{q}}{\mathrm{d}t}$, dove \mathbf{q} è la quantità di moto di P.

Corrige:

di accelerazioni. In particolare, occorre ridefinire la forza agente su un punto materiale P come $\mathbf{F} = \frac{d\mathbf{q}}{dt}$, dove \mathbf{q} è la quantità di moto di P.

• Pagina 102:

Errata:

Analizzando l'Equazione (5.8) ci rendiamo conto che, se il risultante $\mathbf{R}^{(\text{ext})}$ delle forze esterne agenti su \mathcal{B} è nullo, allora $\dot{\mathbf{Q}} = \mathbf{0}$, per cui la quantità di moto del sistema si conserva, mantiene cioè un valore costante durante il moto del sistema. Se è solamente la componente di $\mathbf{R}^{(\text{ext})}$ lungo una direzione individuata da un versore fisso \mathbf{n} ad annullarsi, $\mathbf{R}^{(\text{ext})} \cdot \mathbf{n} = 0$, moltiplicando l'Equazione (5.7) scalarmente per \mathbf{n} otteniamo

$$\dot{\boldsymbol{Q}} \cdot \boldsymbol{n} = (\boldsymbol{Q} \cdot \boldsymbol{n})^{\cdot} = \boldsymbol{0}$$

dove il passaggio centrale è possibile perché il versore n non dipende dal tempo. Dunque, in questo caso è la componente $Q \cdot n$ della quantità di moto lungo n ad avere un valore costante.

Osservazione 5.5. Riassumendo quanto mostrato sinora abbiamo queste implicazioni:

$$egin{aligned} & R^{(ext{ext})} = \mathbf{0} \implies Q = & ext{costante}, \ & R^{(ext{ext})} \cdot m{n} = m{0} \implies Q_{m{n}} = m{Q} \cdot m{n} = & ext{costante}. \end{aligned}$$

Corrige:

Analizzando l'Equazione (5.8) ci rendiamo conto che, se il risultante $\mathbf{R}^{(\text{ext})}$ delle forze esterne agenti su \mathcal{B} è nullo, allora $\dot{\mathbf{Q}} = \mathbf{0}$, per cui la quantità di moto del sistema si conserva, mantiene cioè un valore costante durante il moto del sistema. Se è solamente la componente di $\mathbf{R}^{(\text{ext})}$ lungo una direzione

individuata da un versore fisso n ad annullarsi, $\mathbf{R}^{(\text{ext})} \cdot \mathbf{n} = 0$, moltiplicando l'Equazione (5.7) scalarmente per \mathbf{n} otteniamo

$$\dot{\boldsymbol{Q}} \cdot \boldsymbol{n} = (\boldsymbol{Q} \cdot \boldsymbol{n})^{\cdot} = \boldsymbol{0},$$

dove il passaggio centrale è possibile perché il versore n non dipende dal tempo. Dunque, in questo caso è la componente $Q \cdot n$ della quantità di moto lungo n ad avere un valore costante.

Osservazione 5.5. Riassumendo quanto mostrato sinora abbiamo queste implicazioni:

$$egin{aligned} & R^{(\mathrm{ext})} = \mathbf{0} \implies Q = & \mathrm{costante}, \ & R^{(\mathrm{ext})} \cdot m{n} = m{0} \implies Q_{m{n}} = m{Q} \cdot m{n} = & \mathrm{costante}. \end{aligned}$$

• Pagina 114:

Errata:

In una rotazione permanente ω è un vettore costante (Definizione 5.19) ed allora $\omega \wedge \mathbf{I}_O \omega = \mathbf{0}$, ossia $\mathbf{I}_O \omega$ è parallelo a ω , cioè autovettore di \mathbf{I}_O e pertanto è diretto lungo una direzione principale di inerzia (Definizione 4.3 nel Capitolo 4).

Corrige:

In una rotazione permanente ω è un vettore costante (Definizione 5.19) ed allora $\omega \wedge \mathbf{I}_O \omega = \mathbf{0}$, ossia $\mathbf{I}_O \omega$ è parallelo a ω , cioè ω è autovettore di \mathbf{I}_O e pertanto è diretto lungo una direzione principale di inerzia (Definizione 4.3 nel Capitolo 4).

• Pagina 135:

Errata:

In questo caso è possibile dare una forma compatta alle Q_j e scrivere le equazioni di Lagrange in una forma più agile. Se $\{x_i, y_i, z_i\}$ sono le coordinate cartesiane dell'*i*-esimo punto materiale del sistema, possiamo scrivere

Corrige:

In questo caso è possibile dare una forma compatta alle Q_j e scrivere le equazioni di Lagrange in una forma più agile. Se $\{x_i, y_i, z_i\}$ sono le coordinate cartesiane dell'*i*-esimo punto materiale del sistema, possiamo scrivere

• Pagina 178:

Errata:

dove l'integrale della prima equazione rappresenta il risultante del sistema di forze distribuito con densità lineare $f(\sigma)$ mentre gli integrali nella seconda equazione rappresentano, rispettivamente, il momento risultante esplicato dal sistema di coppie distribuite con densità $\gamma(\sigma)$ ed il momento risultante rispetto ad un polo O del sistema di forze di densità $f(\sigma)$ (cfr. Sezione sec:continvect

nel Capitolo 2). Il sistema di Equazioni (9.2) è formato da equazioni di equilibrio in forma integrale per il continuo unidimensionale considerato. Risulta spesso conveniente porle in forma differenziale, derivandole entrambe rispetto alla lunghezza s dell'arco AP. Si ricava allora, grazie alla continuità delle funzioni coinvolte sotto il segno di integrale,

Corrige:

dove l'integrale della prima equazione rappresenta il risultante del sistema di forze distribuito con densità lineare $f(\sigma)$ mentre gli integrali nella seconda equazione rappresentano, rispettivamente, il momento risultante esplicato dal sistema di coppie distribuite con densità $\gamma(\sigma)$ ed il momento risultante rispetto ad un polo O del sistema di forze di densità $f(\sigma)$ (cfr. Sezione 1.5 nel Capitolo 2). Il sistema di Equazioni (9.2) è formato da equazioni di equilibrio in forma integrale per il continuo unidimensionale considerato. Risulta spesso conveniente porle in forma differenziale, derivandole entrambe rispetto alla lunghezza s dell'arco AP. Si ricava allora, grazie alla continuità delle funzioni coinvolte sotto il segno di integrale,